

BACCALAURÉAT
SESSION 2015

Coefficient : 3
Durée : 3 h

MATHÉMATIQUES

SÉRIE A1

Cette épreuve comporte 2 pages numérotées 1/2 et 2/2.

Chaque candidat recevra une (01) feuille de papier millimétré.

L'usage de la calculatrice scientifique est autorisé.

Les tables trigonométriques et logarithmiques et les règles à calculs sont aussi autorisées.

EXERCICE 1

En Côte d'Ivoire, le Gouvernement par décret N° 2013-327 du 22 mai 2013, a interdit la production, l'importation, la commercialisation, la détention et l'utilisation des sachets plastiques. L'application du décret a été reportée au 22 novembre 2014.

Au début du mois de juin 2013, un magasin de distribution disposait d'un stock de 740 cartons de sachets plastiques.

Depuis lors, l'entreprise a arrêté d'acquérir de nouveaux cartons de sachets plastiques et a suivi l'évolution de son stock pendant six mois en notant, au début de chaque mois, le nombre de cartons de sachets plastiques disponibles.

Le tableau suivant donne les résultats obtenus.

| Mois | Juin 2013 | Juillet 2013 | Août 2013 | Septembre 2013 | Octobre 2013 | Novembre 2013 |
|---|--------------|-----------------|--------------|-------------------|-----------------|------------------|
| Rang x_i du mois | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| Nombre y_i de cartons de sachets plastiques | 740 | 680 | 650 | 580 | 500 | 450 |

- 1- a) Représenter le nuage de points associés à cette série statistique (x_i, y_i) dans le plan muni d'un repère orthogonal (O, I, J) .
On prendra 2 cm pour un mois en abscisse et 1 cm pour 50 cartons en ordonnée.
b) Peut-on effectuer un ajustement linéaire de cette série statistique ?
- 2- Calculer les coordonnées du point moyen G de cette série et le placer dans le repère (O, I, J) .
- 3- a) Calculer la variance $V(X)$ de X.
b) Calculer la covariance $\text{Cov}(X, Y)$ de cette série statistique double.
(On donnera les résultats sous forme de fractions irréductibles)
- 4- a) Démontrer par la méthode des moindres carrés qu'une équation de la droite (D) de régression de y en x est : $y = -\frac{412}{7}x + 806$.
b) Construire la droite (D) dans le repère (O, I, J) .
c) Calculer le coefficient de corrélation linéaire r et interpréter le résultat.
- 5- On suppose que ce modèle reste valable jusqu'à la fin de l'année 2014.
a) Déterminer le rang du mois où le stock sera épuisé (On arrondira le résultat à l'unité).
b) L'entreprise pourra-t-elle épuiser son stock avant la date d'entrée en application du décret ?

Tournez la page S.V.P.

EXERCICE 2

Un nouveau marché est en construction dans la commune de Korhogo. Pour acquérir une place sur ce marché, chaque commerçant devra payer la somme de 1 000 000 F CFA.

Madame Boti, une commerçante qui veut une place sur ce marché, s'est engagée à faire un paiement par mensualités, selon les conditions suivantes :

- elle a payé 90 000 F CFA comme première mensualité à la fin du mois de janvier 2015 ;
- chaque mensualité suivante sera égale à la précédente mensualité augmentée de 3% jusqu'à ce qu'elle finisse de payer.

On désigne par a_n la $n^{\text{ième}}$ mensualité.

- 1- Démontrer que la deuxième mensualité est égale à 92 700 F.
- 2- a) Démontrer que pour tout entier naturel non nul n , on a $a_{n+1} = 1,03 a_n$.
b) En déduire que $(a_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ est une suite géométrique puis préciser la raison et le premier terme.
- 3- Exprimer a_n en fonction de n .
- 4- Justifier que la huitième mensualité est égale à 110 689 F CFA (arrondir à l'unité).
- 5- a) Justifier que la somme des n premières mensualités est égale à $3\,000\,000[(1,03)^n - 1]$.
b) Déterminer le nombre de mois nécessaire à Boti pour qu'elle puisse finir de payer sa place.

PROBLÈME

Soit la fonction f dérivable et définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = (-2x + 1)e^x$. On désigne par (\mathcal{C}) sa représentation graphique dans le plan muni d'un repère orthonormé (O, I, J) . L'unité graphique est 2 cm.

- 1- Calculer la limite de f en $+\infty$.
- 2- En remarquant que $f(x) = -2xe^x + e^x$.
Calculer la limite de f en $-\infty$ et interpréter graphiquement le résultat.
- 3- a) Démontrer que, pour tout nombre réel x , $f'(x) = -(2x + 1)e^x$.
b) Justifier que, pour tout x élément de $] -\infty ; -\frac{1}{2}[$, $f'(x) > 0$.
c) Justifier que, pour tout x élément de $] -\frac{1}{2} ; +\infty[$, $f'(x) < 0$.
d) Déduire des questions précédentes, les variations de f .
- 4- Déterminer une équation de la tangente (T) à (\mathcal{C}) au point d'abscisse 0.
- 5- a) Recopier et compléter le tableau ci-dessous

| | | | | | | | |
|-------------------------------|----|-----|-----|------|---|-----|------|
| x | -5 | -3 | -1 | -0,5 | 0 | 0,5 | 1 |
| Arrondi d'ordre 1 de $f(x)$. | | 0,3 | 1,1 | | 1 | | -2,7 |

- b) Construire (\mathcal{C}) et (T) .
- 6- Soit la fonction F définie et dérivable sur \mathbb{R} par : $F(x) = -(2x - 3)e^x$.
a) Démontrer que F est une primitive sur \mathbb{R} de f .
b) En déduire l'aire de la partie du plan délimitée par (\mathcal{C}) , l'axe des abscisses et les droites d'équations respectives : $x = -1$ et $x = 0$.
c) Sachant que l'unité d'aire est 4 cm^2 , exprimer l'arrondi de la valeur de l'aire à l'unité près. (On donne : $e \approx 2,72$).